

**ОТЗЫВ**  
на автореферат диссертации Галяева Ивана Андреевича  
на тему «Спектральные методы разложения грамианов для управления линейными и  
билинейными системами с приложением в электроэнергетике»,  
представленной на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по  
специальности 2.3.1. «Системный анализ, управление и обработка информации,  
статистика»

Установления структурных свойств динамических систем таких как устойчивость, управляемость, наблюдаемость является центральной проблемой в теории систем. Наличие этих свойств у объектов различной физической природы позволяет результативно синтезировать алгоритмы управления и организовывать системы наблюдения за состоянием объектов. Так отсутствие необходимых и достаточных условий управляемости для изучаемой системы означает невозможность корректно решать ряд задач управления. Наиболее известные критерии управляемости и наблюдаемости для систем управления – это алгебраические критерии Калмана для автономных линейных систем с конечномерным вектором состояния и без ограничений на управление. Для общих нелинейных систем, в частности билинейных систем, исчерпывающих необходимых и достаточных условий управляемости, к настоящему времени не имеется.

Целью диссертационного исследования И.А. Галяева является разработка методов и алгоритмов решения уравнений Ляпунова для повышения эффективности управления и мониторинга состояния многомерных линейных и билинейных динамических систем, в частности систем электроэнергетики.

К основным задачам исследований следует отнести:

1. развитие структурных методов решения матричных уравнений Ляпунова и получения спектральных и сингулярных разложений грамианов управляемости и наблюдаемости линейной стационарной системы;
2. развитие спектральных методов решения обобщенных уравнений Ляпунова и получение достаточных условий BIBO-устойчивости непрерывных билинейных систем;
3. применение разработанных методов для модели узлов графа гипотетической электроэнергетической системы для анализа и синтеза стабилизирующих регуляторов.

Основными результатами исследования являются:

1. Новые условия устойчивости линейных систем с учетом нелинейных эффектов взаимодействия мод и инвариантные представления энергетических функционалов на основе методов спектральных и сингулярных разложений грамианов управляемости и наблюдаемости.
2. Метод получения сепарабельных спектральных разложений грамианов управляемости для неустойчивых линейных динамических систем. Методы получения спектральных разложений грамианов управляемости и обратных грамианов, позволяющие аналитически вычислять составляющие энергии, соответствующие характерным собственным числам матриц грамианов, определяющие основной вклад в величину энергетических функционалов достижимости и устойчивости.

3. Новые достаточные условия BIBO-устойчивости непрерывной нестационарной билинейной системы на основе метода решения обобщенного уравнения Ляпунова в виде суммы матриц субгамианов, соответствующих парным комбинациям собственных чисел матрицы динамики линейной части и обратных гамианов, позволяющих аналитически вычислять составляющие энергии, соответствующие характерным собственным числам матриц гамианов.

4. Разработан метод решения обобщенного уравнения Ляпунова для непрерывных нестационарных билинейных систем в виде суммы матриц субгамианов, соответствующих парным комбинациям собственных чисел матрицы динамики линейной части, основанный на сходимости числовых последовательностей элементов решения билинейного уравнения во временной и частотной областях.

5. Предложены метод и алгоритм упрощения моделей узлов графа ЭЭС с использованием аппарата передаточных функций с оценкой риска потери устойчивости системы при авторезонансе.

Научная новизна, представленных в диссертации результатов исследований, определена перечисленными выше позициями.

Апробация работы. Результаты диссертационной работы неоднократно докладывались на научных конференциях различного уровня в России и за рубежом.

Основными публикациями, в которых освещены результаты исследований, представленные в диссертации, являются статьи в журнале Автоматика и телемеханика и материалы конференций, опубликованных совместно с научным руководителем аспиранта. Самостоятельные публикации аспиранта отсутствуют.

Судя по автореферату, материал диссертации хорошо структурирован, теоремы и определения дают ясное понимание математических результатов исследований.

Краткий обзор материалов диссертации, представленных в автореферате.

В разделе «Степень разработанности научной темы» дан достаточно обширный исторический обзор состояния проблемы классических методов анализа структурных свойств непрерывных динамических систем управления. За прошедшие более чем 150 лет истории, начинавшаяся с определения устойчивости по Ляпунову, обогащалась работами ученых различных стран мира, и в настоящее время математическая теория систем содержит различные, но связанные между собой разделы: Теория устойчивости, наблюдаемости и управляемости линейных и нелинейных систем, Теория устойчивости движения, Теория устойчивости систем по первому приближению, Теория управления нестационарных систем с неполной информацией о состоянии, параметрах и взаимодействием со средой. Свойства управляемости, устойчивости, достижимости и наблюдаемости играют важную роль в задачах управления, в том числе стабилизации неустойчивых систем с помощью обратной связи, при идентификации и прогнозе динамики систем, при проектировании сенсорных сетей. Как следует из автореферата, в диссертации рассматриваются задачи устойчивости, наблюдаемости и управляемости линейными и билинейными непрерывными линейными объектами. Эти задачи требуют эффективных решений матричных уравнений Ляпунова и некоторых стационарных и нестационарных уравнений связанных с исследованием структурных свойств объектов. Следует отметить, что за последние 10-15 лет разработаны достаточно конструктивные методы решения подобных задач с использованием вычислительных методов.

**Замечание:**

Обзор состояния проблемы и задач исследования структурных свойств объектов не содержит описание современных методов решения матричных уравнений грамианов, получаемых с использованием программных средств вычислительной техники.

Первая глава посвящена развитию спектральных методов решения уравнения Ляпунова для многосвязных непрерывных линейных систем со многими входами и многими выходами. Разработанный метод и алгоритм аналитического вычисления решения уравнения Ляпунова позволяет вычислять элементы соответствующих грамианов управляемости и наблюдаемости в виде произведений соответствующих элементов матриц мультипликаторов и матрицы, являющейся суммой всевозможных произведений матриц числителя матричной передаточной функции системы. Новые результаты получены в виде спектральных и сингулярных разложений обратных грамианов управляемости и наблюдаемости.

**Замечания:**

1. Представление свойств системы (1), в виде соотношений ее параметров в виде (2), (3) (уравнения Ляпунова) не является «преобразованием системы».

2. Теорема 1.2. «Разложение не зависит от выбора невырожденной матрицы линейных преобразований координат системы. Два основных фактора влияют на значение риска потери устойчивости  $J$ ». Это говорит о том, что «используемые преобразования» имеют нелинейный характер, и они не могут адекватно представлять характеристики системы.

3. Теорема 1.6. «Для устойчивой системы (1) с ненулевыми начальными условиями справедливы и эквивалентны...». Если для системы (1) выполняются условия (2), то линейная система устойчива при любых начальных условиях. Сформулированные в работе условия устойчивости для таких систем являются необходимыми и достаточными.

Во второй главе разработан метод и получены алгоритмы решения обобщенного уравнения Ляпунова для класса непрерывных нестационарных билинейных систем на основе метода грамианов и итеративного метода построения решения. Получено спектральное разложение грамианов управляемости и наблюдаемости нестационарной билинейной системы в виде суммы матриц субграмм, соответствующих парным комбинациям собственных чисел матрицы динамики линейной части. Разработан новый метод и алгоритм поэлементного получения матриц решения ОУЛ для билинейных систем в диагональной канонической форме. Установлены новые достаточные условия абсолютной и равномерной сходимости элементов матриц решений для класса билинейных нестационарных систем.

**Замечания:**

1. Теорема 2.1 об итерационной процедуре поиска решения уравнения (17). Нет информации о начальном состоянии  $P_1$  итерационной процедуры, о ее устойчивом процессе и моменте остановки процесса.

2. Условие (20) определяет значение обратной матрицы  $T^{-1} = [u_1 \ u_2 \cdots u_n]$ , но  $u \in R^n$ , обратима ли эта матрица?

3. Вторая глава посвящена рассмотрению билинейных систем, поэтому неясно окончание этого раздела о необходимых и достаточных условиях устойчивости линейных систем. Выполнение условий теоремы 2.1 обеспечивают необходимые условия

*устойчивости системы (16), выполнение же достаточных условий обеспечивается выбираемыми начальными условиями  $x_0$ .*

В третьей главе, посвященной развитию адаптивных методов и алгоритмов настройки системных регуляторов в ЭЭС, предложен метод синтеза алгоритмов настройки системных регуляторов для электроэнергетических систем высокой размерности. Метод содержит полученные в работе разложения. В действительности решается задача алгоритмического конструирования адаптивной настройки двух параметров линейной системы второго порядка на основе известного материала о самонастраивающихся системах. При этом используется не динамическая модель состояния объекта, а его передаточная функция, поэтому отследить динамику и качество перестройки параметров невозможно.

**Замечание:**

*Даже при успешной работе цепей оптимизации, рассмотренной линейной системы с алгоритмом самонастройки, не ясно будет ли устойчива большая система, собранная из одиночных адаптивных линейных подсистем. Кроме того, «большая система с неполной информацией о параметрах» может оказаться нелинейной.*

В последнем разделе автореферата обобщены результаты исследований. Главными блоками перечня результатов являются:

1. Развиты структурные методы решения матричных уравнений Ляпунова и получены спектральные и сингулярные разложения грамианов управляемости и наблюдаемости линейной стационарной системы.
2. Развиты спектральные методы решения обобщенных уравнений Ляпунова и получены достаточные условия BIBO-устойчивости непрерывных билинейных систем на основе метода грамианов и итеративного метода построения решения.
3. Разработанные методы применены на модели узлов графа ЭЭС для анализа и синтеза системных регуляторов.

Отдельные замечания по диссертационной работе помещены в тексте отзыва на автореферат. Эти замечания не снижают высокой научной и практической ценности представленных в автореферате исследований.

**Заключение отзыва** на автореферат диссертации Галеева Ивана Андреевича на тему «Спектральные методы разложения грамианов для управления линейными и билинейными системами с приложением в электроэнергетике», представленной на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 2.3.1. «Системный анализ, управление и обработка информации, статистика». Содержание рассматриваемого автореферата свидетельствует о том, что диссертационная работа является законченным научным трудом, содержит актуальные научные результаты, соответствует требованиям Положения о присуждении ученых степеней, предъявляемым к кандидатским диссертациям, а ее автор заслуживает присуждения ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 2.3.1. «Системный анализ, управление и обработка информации, статистика».

Я, Афанасьев Валерий Николаевич, даю согласие на включение своих персональных данных в документы, связанные с работой диссертационного совета и их дальнейшую обработку.

Афанасьев Валерий Николаевич, доктор технических наук, профессор.

Почтовый адрес: 123458, г. Москва, Таллинская ул., д. 34, кабинет. 429

Телефон: +7 (495) 772-95 90

Адрес электронной почты: afanval@mail.ru

Организация — место работы: Московский институт электроники и математики

им. А. Н. Тихонова – Национальный исследовательский университет Высшая школа

экономики

Должность: Профессор-исследователь

В.Н. Афанасьев

